

**Propriété** : Une suite croissante non majorée diverge vers  $+\infty$ .  
Une suite décroissante non minorée diverge vers  $-\infty$ .

Démonstration : Soit une suite  $(u_n)$  non majorée et croissante, et  $A$  un réel arbitraire. Comme la suite est non majorée, il existe au moins un terme  $u_p$  de la suite tel que  $u_p > A$ . Or la suite étant croissante, si l'on prend  $n$  supérieur à  $p$ , on aura  $u_n$  supérieur à  $u_p$ , c'est-à-dire,  $u_n$  supérieur à  $A$ . Donc on a prouvé que, à partir du terme  $u_p$ , tous les termes de la suite sont supérieurs à  $A$ . C'est la définition de  $\lim_{n \rightarrow +\infty} u_n = +\infty$ .