

$$P(\overline{A} \cap B) = P(B \cap \overline{A}) = P(B) \times P_B(\overline{A}) = P(B) \times (1 - P_B(A)).$$

Comme A et B sont indépendants, alors $P_B(A) = P(A)$.

$$\text{D'où } P(\overline{A} \cap B) = P(B) \times (1 - P(A)) = P(B) \times P(\overline{A}).$$

Par conséquent, $\overline{A}$ et B sont indépendants.